

Solución a “Calcular el Área de otra región magenta”

Enunciado:

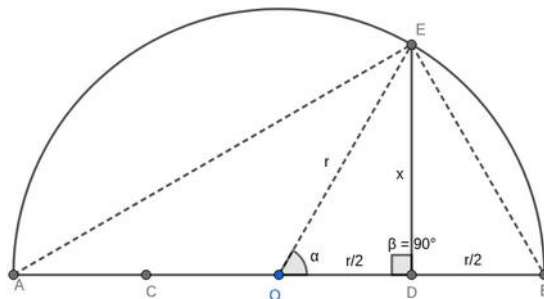
Si el radio del círculo es
 $r = \sqrt{\frac{72}{4\pi - 3\sqrt{3}}}$ calcular el
 área de la región magenta.



Solución:

Consideremos:

$$r = \sqrt{\frac{72}{4\pi - 3\sqrt{3}}} \approx 3.125547300258$$



Donde: $r = OE$, $x = DE$, $r/2 = OD = DB$ y $\alpha = \widehat{EOD}$

Se tiene que: $\cos \alpha = \frac{r/2}{r} \Rightarrow \alpha = 60^\circ$ (en el triángulo rectángulo EOD)

Por lo que $x^2 = r^2 - \left(\frac{r}{2}\right)^2 = r^2 - \frac{r^2}{4} = \frac{3r^2}{4} \Rightarrow x = \frac{\sqrt{3}}{2} \cdot r$

El área de la zona magenta EBD es igual al área del sector circular OEB menos el área del triángulo EOD .

Por lo que:

Área del sector circular OEB es la sexta parte del área del círculo de radio r pues el ángulo alfa es de 60° .

Así pues: $A_{OEB} = \frac{\pi r^2}{6}$

Y el área del triángulo EOD sería: $A_{EOD} = \frac{1}{2} \cdot \frac{r}{2} \cdot x = \frac{r}{4} \cdot \frac{\sqrt{3} \cdot r}{2} = \frac{\sqrt{3} \cdot r^2}{8}$

El área magenta EBD es $A_{EBD} = A_{OEB} - A_{EOD} = \frac{\pi r^2}{6} - \frac{\sqrt{3} \cdot r^2}{8} = \frac{4\pi r^2 - 3\sqrt{3} \cdot r^2}{24} = \frac{r^2}{24} \cdot (4\pi - 3\sqrt{3})$

Pero $r^2 = \frac{72}{4\pi - 3\sqrt{3}}$; luego el área magenta es: $A_{EBD} = \left(\frac{72}{4\pi - 3\sqrt{3}} : 24 \right) \cdot (4\pi - 3\sqrt{3}) = 3 \text{ u}^2$

Solución: el área magenta es de 3 u^2 (unidades cuadradas)